

### Дискретные случайные величины

Понятие случайной величины – одно из важнейших в теории вероятностей. Под случайной величиной понимают величину, которая в результате опыта со случайным исходом принимает то или иное числовое значение, причем заранее неизвестно, какое именно.

Если множество возможных значений случайной величины  $X$  конечно или счетно, т.е. дискретно, то случайную величину  $X$  называют дискретной (д.с.в.  $X$ ).

Примеры дискретной случайной величины – число попаданий в мишень при  $n$  выстрелах, число прибывших кораблей на борт.

Рассмотрим пару задач на данную тему.

**Задача 1.** В партии из 13 деталей – 9 стандартных. Наудачу отбирают 4 детали. Составить закон распределения дискретной случайной величины  $X$ , числа стандартных деталей, среди отобранных. Найти математическое ожидание, дисперсию, среднее квадратическое отклонение.

Решение.

$X_i$	0	1	2	3	4
$P_i$	$\frac{1}{715}$	$\frac{36}{715}$	$\frac{216}{715}$	$\frac{336}{715}$	$\frac{126}{715}$

1. Все детали нестандартные:

$$P(0) = \frac{4}{13} \times \frac{3}{12} \times \frac{2}{11} \times \frac{1}{10} = \frac{1}{715}$$

2. Из 4 деталей 1 стандартная:

$$C_{13}^4 = \frac{13!}{4!9!} = 715 - \text{ всего способов извлечь 4 детали из 13.}$$

$$C_9^1 = 9 - \text{ всего способов извлечь одну из 9 стандартных деталей.}$$

$$C_4^3 = \frac{4!}{3!1!} = 4 - \text{ всего способов извлечь 3 нестандартных детали из 4.}$$

$$P(1) = \frac{9 \times 4}{715} = \frac{36}{715}$$

3. Из 4 деталей 2 стандартные:

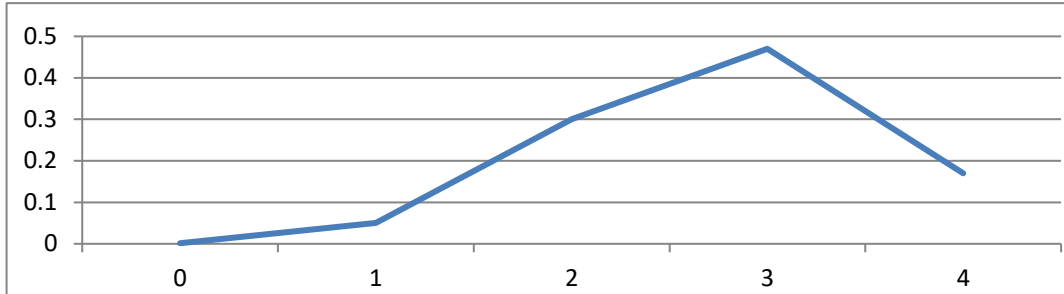
$$C_9^2 = \frac{9!}{2!7!} = 36 \quad C_4^2 = \frac{4!}{2!2!} = 6 \quad P(2) = \frac{36 \times 6}{715} = \frac{216}{715}$$

4) Из 4 деталей 3 стандартные:

$$C_9^3 = \frac{9!}{3!6!} = 84 \quad C_4^1 = 4 \quad P(3) = \frac{84 \times 4}{715} = \frac{336}{715}$$

5. Все 4 детали стандартные:

$$P(4) = \frac{9}{13} \times \frac{8}{12} \times \frac{7}{11} \times \frac{6}{10} = \frac{126}{715}$$



**Задача 2.** Вероятность попадания в мишень для данного стрелка равна 0,7. Стрелком производятся 3 выстрела. Составить закон распределения д.с.в.  $X$  – числа попаданий в мишень, найти математическое ожидание, дисперсию, среднее квадратическое отклонение.

$X_i$	0	1	2	3
$P_i$	0.027	0.189	0.441	0.343

Используем формулу Бернулли.

$$P_n(m) = C_n^m p^m q^{n-m}$$

$$p = 0,7$$

$$q = 0,3$$

$$P_3(0) = \frac{3!}{0!3!} 0,7^0 0,3^3 = 0,027$$

$$P_3(1) = \frac{3!}{1!2!} 0,7^1 0,3^2 = 0,189$$

$$P_3(2) = \frac{3!}{2!1!} 0,7^2 0,3^1 = 0,441$$

$$P_3(3) = \frac{3!}{3!0!} 0,7^3 0,3^0 = 0,343$$

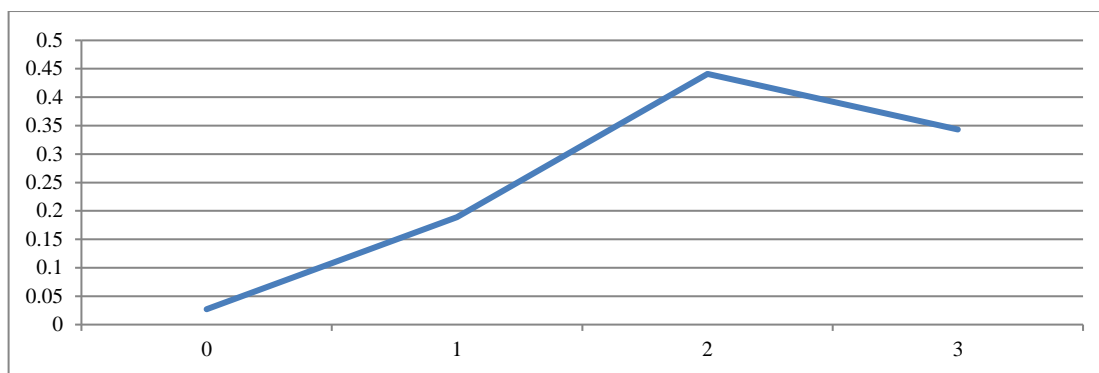
Математическое ожидание  $M[x] = \sum x_i p_i$

$$M[x] = 0,027 \times 0 + 0,189 \times 1 + 0,441 \times 2 + 0,343 \times 3 = 2,1$$

Дисперсия  $D[x] = M[x]^2 - (M[x])^2$

$$D[x] = 0,027 \times 0^2 + 0,189 \times 1^2 + 0,441 \times 2^2 + 0,343 \times 3^2 - 2,1^2 = 0,63$$

Среднеквадратическое отклонение  $\sigma[x] = \sqrt{D}$ ,  $\sigma[x] = \sqrt{0,63} \approx 0,79$



Список использованной литературы:

1. Сборник задач по высшей математике. 2 курс / под ред. С.Н. Федина. – М.: Айрис-пресс, 2006.
2. Сборник задач по высшей математике для экономистов: Учебное пособие / под ред. В.И. Ермакова. – М.: ИНФРА-М, 2001.

Научный руководитель –

Кныш А.А.